

Развитие теории программ и систем в СССР: История и современные теории¹

Лаврищева Екатерина Михайловна, д.ф.-м.н.

Институт системного программирования им. В.П. Иванникова РАН, Москва
lavryscheva@gmail.com, lavr@ispras.ru

Аннотация. Приведен анализ теории программ советских ученых (Ляпунова, Ершова, Янова, Глушкова, Ющенко, Липаева и др.). Определена сущность теории программ, технологии программирования, синтеза, сборки и доказательства программ и систем (1963-1990). Представлены элементы теории зарубежной инженерии программных продуктов *Software Engineering* (1980-2016) и *SEMAT* (2009). Представлены новые перспективные теории и методы моделирования изменяемых систем из готовых программных ресурсов (объектов, компонентов, сервисов и др.) и их конфигурационной сборки в варианты выходного кода продуктов и систем.

Ключевые слова: Теория, методы, научные основы, информационные системы, программные системы, построение, верификация, доказательство, моделирование, интероперабельность.

Введение

Более двадцати лет назад А.П. Ершов писал, что теоретическое программирование является разделом математической науки, объектом изучения которой является абстрактная программа, выраженная логической структурой и информацией, подлежащая выполнению на компьютере. Теория программирования основывается на математических дисциплинах (логика, алгебра, комбинаторика) и отражает математический метод мышления специалиста при проведении анализа предметной области, осмыслении постановок задач, описании программ для получения на машине математического результата. Теория программирования ориентирована на специалистов, обладающих математическими знаниями и способностью применять их к логике описания алгоритмов программ.

На начальном этапе создания ЭВМ в СССР сформировались теории построения программ (А.А. Ляпунова, А.П. Ершова, Ю.И. Янова, Е.Л. Ющенко, Э.Х. Тыугу, Г. Буча, К. Джекобсона и др.) и систем АС, АСУ, АСНИ, АСУ ТП (В.М.Глушкова) [1-9]. Системы разрабатывались с помощью готовых элементов – программ и модулей, которые накапливались в Фондах алгоритмов и программ (1976-1992), а позднее в библиотеках и репозиториях систем международного сообщества.

Модулем считался программный элемент, который преобразует множество исходных данных X во множество выходных данных Y методом отображения $M : X \rightarrow Y$. Система из модулей - это пара $S = (T, \chi)$, где T – модель системы; χ – характеристическая функция, определяется на множестве вершин X графа модулей G . Две модульные системы $S_1 = (T_1, \chi_1)$ и $S_2 = (T_2, \chi_2)$ тождественны, если $T_1 = T_2$ и $\chi_1 = \chi_2$, а S_1 и S_2 являются *изоморфными*, если T_1 изоморфна T_2 и $\chi_1 = \chi_2$ [10].

Процесс разработки программ и систем из модулей постепенно становился регламентированным с помощью моделей жизненного цикла (ЖЦ) (водопадная, спиральная, интеграционная и др.) и стандартов ISO/IEC 12207 Life Cycle 1996 (2007), ISO/IEC 11404 – GDT 2007, ISO/IEC 9000 Quality SW и др. За рубежом сформировались новые формальные методы спецификации программ (VDM, RSL, Z, B и др.) [11, 12] и их доказательства (Флойд, Хоар, Дейкстра, Грисс и др.) [39, 40]. После модуля новым элементом программирования стал объект в ООП Г.Буча [13] и связанные с ним такие математические понятия, как класс, наследование, полиморфизм, инкапсуляция и др. Разработаны CASE-средства моделирования объектных систем (Rational Rose, UML, MDA, MDD, PIM, PSM, SOA и др.) [21].

[1] Грант РФФИ №16-01-00352

Системы разрабатывались на основе характеристических моделей и готовых программных ресурсов (объектов, компонентов, сервисов и др.). Первые варибельные модели систем и продуктов определены в Product Line/Product Family, GDM, Grid и др. [17-19]. Их основу составляет модель характеристик (Feature Model) и конфигурационная модель (CM) для сборки базовых артефактов и готовых ресурсов (reuses, assets, services и др.). В рамках Software Engineering Methods and Theory (SEMAT-2009) дана классификация дисциплин SE [20] и предложены перспективные теории и методы определения научных основ программирования для повышения уровня знаний и компетенции специалистов и магистрантов ВУЗов, готовящихся к производству программных, информационных и прикладных систем (<http://www.semat.org>).

В данной работе дается краткое описание первых теорий программ и систем и новых перспективных теорий математического моделирования систем из готовых ресурсов.

1. История развития теории программ и систем в СССР

1.1. Первые теории программ и программных технологий

Теория программ (по А.П. Ершову) образует новый раздел математической науки, объектом изучения которой являются математические абстракции программ, предписания, выраженные на специальных языках с заданной информационной и логической структурой для исполнения на ЭВМ. Основу теории составляла схема программы, которую впервые ввел А.А. Ляпунов и которую развивали Ю.И. Янов, А.П. Ершов и др. [1-9].

Схема программы – это конечный ориентированный граф, описывающий схему связи отдельных функций программ с помощью сигнатур операций и математических символов.

Схема Янова – это модель операторной схемы на сигнатуре одноместных операций, допускающих использовать одну переменную. Для схемы определена полная система преобразований, отображенная в протоколе последовательности выполняемых операций и значений их переменных.

Андрей Петрович Ершов развил понятие схемы программы и сформулировал идею сведения вычислимой функции к понятию детерминанта, инвариантного к различным способам задания процесса вычисления программ. Автомат, воспринимающий этот детерминант, рассматривается как конечный автомат, допускающий формальную эквивалентность, совпадающую с функциональной интерпретацией алгоритма программы. Формальная нотация программ дается в лексиконе и содержит описание семантики в виде совокупности нетривиальных фактов о вычисляемых ею функциях. Теория схем программ и вычислимости алгоритмов развивалась учениками Ершова и др.

А.П. Ершов в докладе на звание академика СССР (1986) и на Всесоюзной конференции «Технология программирования» (1987) [22, 23] определил элементы теории технологии программирования (ТП), включая методы синтеза, сборки и конкретизации. Синтезирующее программирование базируется на методе доказательного рассуждения о правильности программы. Сборочное программирование осуществляет построение программы из уже существующих (проверенных на правильность) готовых фрагментов программ (reuses) и сборку их в сложную структуру. Конкретизирующее программирование обеспечивает построение системы по универсальной модели для некоторой предметной области.

Основные положения теории ТП А.П. Ершов сформулировал так [23].

«Следует различать ТП как технологическую теорию и как конкретный способ организации, создания, распространения и сопровождения программного продукта (ПП) и как процедуру индивидуальной деятельности профессионала, разрабатывающего ПП. Технология и методология – это всегда наука, в то время как метод входит в них составной частью. Технология профессионального, производственного программирования имеет принципиальную важность – отчуждаемость и тиражирование ПП. Технология начинается тогда, когда она охватывает ЖЦ ПП. ТП – это совокупность методологических положений, организационно-административных и инструментально-технических средств, их информационного и программного обеспечения (ПО), регламентирующего деятельность людей, вовлеченных в процесс создания, распространения и сопровождения ПП. Конечная ТП должна:

- охватывать весь жизненный цикл ПП;
- способствовать применению методологии, повышающей уровень достоверности, надежности и доказательности программирования на современные технические средства в виде автоматизированных рабочих мест, объединенных в локальную сеть;
- обеспечивать управляемость и контролируемость производственных процессов;
- обеспечивать устойчивость ПП по отношению к смене технических средств;
- обеспечивать развитие ПП в связи с изменением условий функционирования целевой системы, использующий этот продукт в других условиях среды».

Таким образом, А.П. Ершов сделал ориентир для развития ТП в советских условиях. В [23] определено три направления развития ТП и ее перспективы.

«Первое направление (*организационное программирование*) 1975–1985 гг.

Язык программирования не формализован. Переход от прототипа к программной версии не формализован...

Языки программирования – ФОРТРАН, КОБОЛ, ПЛ/1, Ассемблер.

База знаний отсутствует, развитие продукта – версионное.

Второе направление (*сборочное программирование*) 1985–1995 гг.

Язык спецификации регламентирован.

Переход от прототипа к промышленной версии регламентирован. Язык разработки – этот формализованный язык высокого уровня со средствами модуляризации и комплексирования ...».

Третье направление (*доказательное программирование*) 1995–2005 гг.

Язык разработки формализован и содержит систему формальных преобразований, необходимых для доказательства программ...

Язык программирования объединен с языком разработки...

База данных проекта машинизирована.

Развитие продукта – эволюционное – *адаптивное*...».

В заключительной части статьи А.П. Ершов отметил: «Было бы полезно выработать норматив по технологии *второго поколения*, который, не затрагивая конкретного методологического или языкового наполнения, унифицировал бы: общую этапность разработки ПП; нормативы производительности и надежности; документационную структуру и вычислительную среду; *межмодульный интерфейс* поддержки *сборочного программирования*...».

Все указанные фундаментальные основы ТП Ершова развивались в СССР в работах автора до 2016 года [24–27].

Впоследствии метод сборки модулей и интерфейсов (1982) [16, 24–27] стал всеобщим для всех общесистемных сред (IBM, MS, Intel, Linux и др.) и был определен как стандарт конфигурационной сборки - ISO/IEC JTC 1/SC-7 Configuration и др.

Следует отметить, что была разработана *система программирования ПРИЗ* (Э.Х. Тыгу) для синтеза программ на основе семантической модели предметной области и описания отдельных программ в PL/1, Fortran, Assembler и др. Метод синтеза реализован путем подстановки семантики их реализации в синтезируемую программу. (*Кахро М.И., Тыгу Э.Х.* Инструментальная система программирования на ЕС ЭВМ (ПРИЗ) – Финансы и статистика, 1981; *Тыгу Э.Х.* Концептуальное программирование – Наука, 1984).

Композиция программ (Редько В.Н.) – это операции объединения функций и данных типа: «данные–функция–имя» и «функции–композиция–дескрипция» на множестве именованных данных, дескрипций и денотатов (значений). Операции композиции – это подкласс стандартных композиций и композиционных функций. Они обеспечивают композицию функций на уровне ЯП. (*Редько В.Н.* Композиции программ и композиционное программирование // Программирование. – 1978. – № 5. – с. 17– 26).

1.2 Теория дискретных систем

Дискретные преобразователи

Другим видом теории программирования является теория алгебраического и алгоритмического программирования (В.М. Глушков), основанная на алгебраическом математическом аппарате для задания операций над элементами программ.

Академик Виктор Михайлович Глушков развил аппарат операторных схем программ в направлении теории эквивалентности дискретных преобразователей компьютеров. Основу этой теории составляет: χ – конечный автомат Мили с входным алфавитом X и выходным алфавитом Y , с заданными начальным и заключительным состояниями. В.М. Глушковым рассмотрен автомат Мура G_m (бесконечный) с множествами состояний G , входов X , выходов Y , начальным состоянием e , функцией выхода $t(g)$ и функцией перехода $q(g, y) = gy$ [3, 28–32].

Автомат χ , работающий совместно с G_m , получил название *дискретного преобразователя*. Если автомат χ в качестве входа воспринимает выход G_m , то в качестве выхода определен χ . Выходу автомата χ соответствует состояние G_m в момент остановки χ . Дискретные преобразователи эквивалентны относительно полугруппы G , если для каждого отображения t из G в Y оба не останавливаются при работе G_m либо оба останавливаются и имеют одинаковый выход.

Проблема эквивалентности дискретных преобразователей разрешима относительно полугруппы с левым сокращением и неразрешимой единичей, в которой разрешима проблема тождества слов. В ней допускаются все разрешимые и неразрешимые случаи эквивалентности дискретных преобразователей относительно коммутативной полугруппы. Данная теория применялась при построении серии машин Мир 1-3 [31].

Теория дискретных систем

При решении сложных математических задач дискретных систем возник новый *общематематический язык*, получивший название концепторного языка (КЯ) [33, 34]. Он позволял давать формальное описание: суммирования бесконечных рядов, выполнять множественные операции с бесконечными множествами, гильбертов оператор и др. КЯ – это многосортный логико-математический язык *выражений* X , задаваемых с помощью объектов и типов. *Тип* – это средство построения выражений и структуризации множества значений денотатов. *Выражение* состоит из термов и формул. *Термы* – это объекты предметной области, а *формулы* – это утверждения об объектах и отношениях между ними. Формулы описываются с помощью четырех категорий понятий: функторов, предикатов, конекторов и субнекторов.

Функтор – это конструктор, преобразующий термы в термы (арифметические и алгебраические операции над числовыми множествами).

Предикаты превращают термы в формулы.

Конекторы включают в себя логические связи и кванторы для преобразования одной формулы в другую.

Субнектор (дескриптор) – это конструктор формул из термов и выражений, которые содержат формулы над числовыми множествами и вещественными функциями (кортежи, отношения, семейства, произведения множеств и др.).

В КЯ практически задавалась логико-алгебраическая спецификация задач распознавания динамических обстановок в гидроакустике, радиолокации и других дискретных систем. В частности КЯ использовался при создании ПО технических объектов новой техники. *Дискретная система* (S) содержит конечный набор входов, выходов и состояний. Ее функционирование определяется набором частичных отображений, которые входят в состав сигнатуры и образуют *частичную алгебру* состояния S системы. Если спецификации заменить булевыми функциями, то получается характеристическая функция отношений. Семантика логико-алгебраических спецификаций КЯ основана на *переписывании термов* и теории доказательства теорем. Данный язык использовался при разработке новой машины «Украина» в ИК АН СССР в 80-х годах XX столетия.

Алгебра алгоритмов

В.М. Глушков (1957-1964) определил алгебру и математический анализ как средство моделирования параметров и свойств программы решения дифференциальных и интегральных уравнений и систем [28-32]. Основу алгебры составляли:

- физическая модель, включающая свойства и характеристики отдельных элементов;
- математическая модель, в которой уточнялись размерность, параметры и операции работы с данными;
- формальное описание математической модели и численной модели;
- описание математических задач с помощью Адресного языка [32] и языка Аналитик [31], которые включали математические операции (+, \times , \cup , \cap , /, ϕ , \oplus , $- \dots$), десятичные целые числа, рациональные числа и операции тождественных преобразований.

Утверждение: если выражения Q_1 и Q_2 принадлежат некоторой подалгебре Q , в которой задана каноническая форма F и $F(Q_1)$ и $F(Q_2)$ полностью совпадают, то Q_1 и Q_2 – эквивалентны.

Язык Аналитик – это язык математического моделирования инженерных задач на машинах серии Мир1-3 [31]. Описание инженерных и математических задач проводится с помощью математических операций и логических операторов, а также конструкций математического анализа и операции тождественного преобразования канонических форм с применением стандартных функций (тригонометрических, логарифмических, экспоненциальных и др.). В этом языке содержатся средства отладки, трассировки и выполнения численных задач вычислительной математики. В него вошли элементы адресного языка Е.Л. Ющенко (1957) [32], а именно операции теории множеств и отношений. Переменные обозначались буквами, им соответствовали ячейки машины. Содержимое некоторого адреса отмечалось указателем, адресом второго ранга (эта концепция вошла в зарубежные языки). Более всего этот язык применялся для описания программ трансляторов для машин УМШН, Урал, Днепр и др.

Развитием этого языка являются: универсальные алгебры (подалгебры, логики, многоосновные алгебры и др.); САА - системы алгоритмических алгебр (алгебра Поста, тождественные преобразования схем адресных алгоритмов), формальные языки и грамматики; теория синтеза автоматов, методы анализа и СМ-формализмы описания анализа языков программирования [30].

Теория информационных систем

В книге «Основы безбумажной информатики» (1982). В.М. Глушков определил для ИС, АСУ и АСУ ТП принципы [35, 36]:

1. Системного подхода к анализу систем управления, структуризации и выделения их целей и критериев.

2. Декомпозиции систем по функциональным признакам и свойствам подсистем разного назначения (кадрового обеспечения, делопроизводства, мониторинга, управления и т.п.).

3. Моделирования элементов системы, типизации функций и задач системы, а также создания экономико-математической модели поиска проектных решений и построения вариантов системы.

4. Добавления новых задач для улучшения деятельности организации, усовершенствования и введения новых функций управления. (мониторинг ИС, деловая графика, обмен электронными документами и т.п.).

5. Определения внешних задач (анализ, учет, контроль) и внутренних (сбор, регистрация, хранение, поиск и др.) с целью принятия управленческих решений.

На основе сформулированных принципов строилась система электронного документооборота и управления правительством с учетом моделей документов, их размеров и характеристик.

Модель документов ИС [37] включает:

1). *Характеристики объема*, включающие регулярную часть из последовательности повторяемых групп полей данных и *нерегулярную* часть без повторяемых структур данных. Объем документов определялся по формулам:

- $V = l_h + n_s k_s l_s^{\max}$ - средний;

- $V_{\max} = l_h + n_s^{\max} k_s l_s^{\max}$ - максимальный,

где l_h – размер нерегулярной части документа; n_s – количество строк данного типа документов; k_s – коэффициент заполнения; l_s^{\max} – максимальный размер регулярной части документа.

2). *Характеристики времени выполнения*, включающие в себя:

- суммарные значения времени обработки разных типов документов в соответствии с их маршрутом;

- время выполнения отдельных операций над документами в разных узлах системы;

- время передачи документов между разными узлами ИС.

Данная теория апробирована в [37] и применяется в системе образования Украины.

Графический Р-стиль описания программ

Р-стиль – это графическое описание процессов построения программ (Вельбицкий И.В.). Перевод графической Р-схемы программы в линейную форму записи для представления в ЭВМ осуществлялся соответствующими программами трансляторов комплекса РТК. Р-схемы изображались с помощью знаков $>$, $-$, $|$ и буквы «о». Но так как в 70-годах прошлого столетия не было графических дисплеев, то описание схемы проводилось с помощью знаков алфавита, что затрудняло просмотр и их анализ. Технологические комплексы РТК созданы были на машинах БЭСМ-6, ЕС ЭВМ и СМ ЭВМ. Они использовались в различных организациях СССР для обработки текстовой информации и создания интерфейса с уже существующими программными системами. В рамках Единой системы программной документации (ЕСПД, ГОСТ 19) представлен стандарт ГОСТ на Р-технологии. Однако после распада СССР эти средства используются редко, так как не реализованы в классе новых компьютеров.

Теория модульных структур программ

Модуль – это элементарный программный элемент, имеющий свойства [10]:

– логической завершенности функции;

– независимости одного модуля от других;

– замены отдельного модуля без нарушения структуры программы;

– вызова других модулей и возврат данных вызвавшему модулю и др.

Модуль преобразует множество исходных данных X во множество выходных данных Y и задается в виде отображения $M : X \rightarrow Y$.

Виды связи между модулями:

– связь по управлению ($CP = K_1 + K_2$);

– связь по данным.

Граф модульной структуры $G = (X, \Gamma)$, где X – конечное множество вершин, а Γ – конечное подмножество прямого произведения $X \times X \times Z$ на множестве дуг графа.

Модульной структурой называется пара $S = (T, \chi)$, где T – модель модульной структуры; χ – характеристическая функция, определенная на множестве вершин X графа модулей G .

Значение функции χ определяется так:

$\chi(x) = 1$, если модуль с вершиной $x \in X$ включен в состав ПС;

$\chi(x) = 0$, если модуль с вершиной $x \in X$ не включен в состав ПС и к нему нет обращения из других модулей.

Определение 1. Две модели модульных структур $T_1 = (G_1, Y_1, F_1)$ и $T_2 = (G_2, Y_2, F_2)$ тождественны, если $G_1 = G_2, Y_1 = Y_2, F_1 = F_2$. Модель T_1 изоморфна модели T_2 , если $G_1 = G_2$ между множествами Y_1 и Y_2 существует изоморфизм φ , а для любого $x \in X$ $F_2(x) = \varphi(f_1(x))$.

Определение 2. Две модульные структуры $S_1 = (T_1, \chi_1)$ и $S_2 = (T_2, \chi_2)$ тождественны, если $T_1 = T_2, \chi_1 = \chi_2$ и модульные структуры S_1 и S_2 изоморфны, если T_1 изоморфна T_2 и $\chi_1 = \chi_2$.

Модуль описывается в ЯП и имеет раздел описания паспорта, в котором задаются внешние и внутренние параметры. Для передачи параметров другому модулю используется оператор Call (...). Параметры могут преобразовываться к виду вызывающего модуля и обратно в случае неодинаковости их типов. Разработана библиотека примитивных функций преобразования разнородных типов данных ЯП [16].

1.3 Доказательство правильности программ

Формальное математическое доказательство программ основывается на спецификациях алгоритмов, аксиомах, утверждениях и условиях, называемых предусловия и постусловия, определяющих получение правильного результата некоторой специфицированной программой [38-41].

Предусловия – это ограничения на совокупности входных параметров и постусловий на выходных параметрах. *Пред-* и *постусловие* задаются предикатом, результатом которого будет булева величина (true/false). *Предусловие* истинно тогда, когда входные параметры входят в область допустимых значений данной функции. *Постусловие* задает формальное определение критерия правильности получения результата. Оно истинно тогда, когда совокупность значений удовлетворяет требованиям, задающим функциональность. Доказательство проводится с помощью набора *утверждений* для проверки правильности программ в заданных точках. Если утверждение соответствует конечному оператору программы, т.е. является заключительным утверждением и с помощью постусловия делается окончательный вывод о частичной или полной правильности программы.

Наиболее известные методы доказательства – это метод Флойда, Наура и др.

Метод рекурсивной индукции Флойда применяется для программ, которые разрабатываются путем декомпозиции задачи на несколько подзадач и для каждой из них формулируются утверждение с учетом условий ввода и вывода в точках программы, расположенных между входными и выходными утверждениями. Суть доказательства – это истинность выполнения условий и утверждений в заданной программе.

Метод структурной индукции Хоара основан на аксиоматическом описании семантики исходных программ в виде аксиом. Для каждой метки программы строится правило вывода, которое выводит полученные значения переменных.

Пример доказательства расположения элементов массива $T[1:N]$ в порядке их возрастания в $T' [1:N]$ [10].

Входное условие задается начальным утверждением:

$A_{нач}: (T [1:N] - \text{массив целых}) \ \& \ (T' [1:N] \text{ массив целых}).$

Выходное утверждение $A_{кон}$ - это конъюнкция (2, 3) условий:

(1) $(T - \text{массив целых}) \ \& \ (T' - \text{массив целых})$,

(2) $(\forall i, \text{ если } i \leq N, \text{ то } \exists j (T'(i) \leq T'(j)))$,

(3) $(\forall i, \text{ если } i < N, \text{ то } (T'(i) \leq T'(i+1)))$,

Если утверждение (1) - истинно, то истинно и (2). То есть, если (1) утверждение – A_1 преобразуется к A_2 , то теоремой является: $A_1 \rightarrow A_2$. Если A_3 – следующая точка преобразования, то теоремой будет: $A_2 \rightarrow A_3$. И так до конца $A_{нач} \rightarrow A_{кон}$.

Конечная теорема формулируется так: условие истинно в последней точке, если оно отвечает истинности выходного утверждения: $A_{нач} \rightarrow A_{кон}$.

2. Современные теории и методы

2.1 Методы математической спецификации программ VDM, Z, CLEAR

Венский метод - VDM

К формальным методам спецификации относятся: Венский метод VDM D. Biorner, Z-метод (I.R. Abrial, B. Meyer), RSL и др. [12, 38]. Эти методы начали использоваться в реальных проектах, а также в университетских и академических организациях. VDM – язык формальной спецификации программ и данных с использованием математической символики и следующих типов данных: X – натуральные числа с нулем, N – натуральные числа без нуля, Int – целые числа, $Bool$ – булевы, $Qout$ – строки символов, $Token$ – знаки и специальные обозначения операций.

Функция в VDM задает определение свойств структур данных и операций над ними, аппликативно или императивно. В первом случае функция специфицируется через комбинацию других функций и базовых операций (через выражения), что соответствует синониму *функциональный*. Во втором случае

значение определяется описанием алгоритма, что соответствует синониму *алгоритмический*. Например, спецификация функции вычисления минимального значения из двух переменных имеет вид: $\min N_1 N_2 \rightarrow N_3$. Описание значения этой функции имеет вид: $\min (x, y) = \text{if } x < y \text{ then } x \text{ else } y$.

Объекты языка VDM. Это элементы данных, которыми оперируют функции, которые могут образовывать множества, деревья, последовательности, отображения, а также формировать новые более крупные объекты.

Множество может быть конечное и обозначаться *X-set*. Используются операции \in , \subseteq , \cup , \cap и др. для проверки правильности задания этих операций. Дистрибутивное объединение подмножеств имеет вид: $\text{union } \{(1, 2), (0, 2), (3, 1)\} = (0, 1, 2, 3)$.

Списки (последовательности) – это цепочки элементов одинакового типа из множества *X*. Операция *len* задает длину списка, а *inds* – номер элемента списка. Могут использоваться также операция *конкатенации* и *дистрибутивной конкатенации*.

Дерево – это конструкция *mk*, позволяющая объединять в комплекс объекты разной природы (последовательности, множества и отображения). Например, *let mk* – время $(h, m) = t$ *tin* определяет значение $h = 10$, а $m = 30$.

Отображение – это конструкция *map*, позволяющая создавать абстрактную таблицу из двух столбцов: ключей и значений. Все объекты таблицы принадлежат одному типу данных – множеству.

При спецификации программ средствами VDM задаются пред- и постусловия, аксиомы и утверждения, необходимые для проведения доказательства правильности программы. Метод VDM ориентирован на пошаговую детализацию спецификации программ. Вначале строится грубая спецификация – модель программы в языке VDM, которая постепенно уточняется, пока не получится окончательный текст в ЯП.

Алгебраические спецификации языков Z, CLEA

Язык спецификации *Z-схем* задает описание обобщенной модели *VM* программы в виде узлов управления моделью; меток в узлах графовой модели; внешних характеристик и внешних параметров модулей модели. Эта модель представляется совокупностью *Z-схем* с набором деклараций и ограничений, способствующих образованию состояния. По этой модели осуществляется:

- выбор модулей из библиотеки шаблонов, их переименование и конкретизация в узлах графа;
- каждый модуль имеет интерфейс для некоторого *порта*, отмеченного меткой в *Z-схеме*;
- верификация связей модулей через описание интерфейсов;
- создание нового шаблона и его интерфейса для задания новых событий в схеме.

Интерфейс способствует образованию последовательности событий при наблюдении за поведением исполняемых модулей.

При спецификации модуля *M* проводится описание разных ситуаций, которые формируют конкретные события, их анализ и определение новых событий и условий выполнения событий.

Обобщенная модель *VM* состоит из двух модулей: модулей управления *CONT* и распределения памяти *STOR* и имеет вид: $VM = (\text{CONT} \parallel \text{STOR}) \setminus \{\text{request}, \text{response}\} = (\text{coin} \rightarrow \text{choc} \rightarrow VM)$.

В нем модуль *CONT* задает следующую спецификацию:

$\text{CONT} = (\text{coin} \rightarrow \text{request} \rightarrow \text{response} \rightarrow \text{choc} \rightarrow \text{cont})$

Общее назначение этой спецификации состоит в том, чтобы потребитель мог вставлять данные в *coin* для отправки запроса (*request*) модулю памяти. Этот модуль дает ответ (*response*) на запросы согласно следующей спецификации:

$\text{STOR} = (\text{request} \rightarrow \text{response} \rightarrow \text{stor})$.

Модель *VM* определяет параллельную обработку модулей *CONT*, *STOR*, а также связь со средой обработки модели.

Спецификация *CLEAR* включает функции и отношения, которые задают поведение и отношение эквивалентности свойства объектов и операции над ними.

Особенностями таких спецификаций является наличие описаний функций, поддержка абстракции данных специальными средствами.

2.2. Теория оценки качества программ

Основным свойством военно-промышленных программ и программ бортовых систем являлась надежность и качество. Этим вопросам большое внимание уделял Владимир Васильевич Липаев. Он один из первых в СССР разработал методы обеспечения надежности и качества таких систем (Липаев В.В. Надежность программного обеспечения АСУ, Энергоиздат, 1981; Липаев В.В. Качество программного обеспечения, Финансы и статистика, 1983).

Под его руководством создан ГОСТ 2844-87 «Качество программных средств». В нем определена система управления качеством, включающая совокупность организационных методов управления процессом проектирования комплексов программ (КП) на этапах ЖЦ и методику учета технических

показателей качества в ходе ЖЦ для последующего их использования при оценке полученных показателей надежности и качества в соответствии с требованиями к ним.

Качество – это совокупность технических, технологических и эксплуатационных характеристик КП, которые входят в состав эталонной модели качества, представленной шестью базовыми характеристиками, значения которых могут быть определены количественно или качественно.

На этапах ЖЦ КП проводится контроль отдельных показателей качества специальной службой качества и устранение возникающих угроз качеству в связи с обнаруженными дефектами в КП. В задачи службы качества входит планирование и слежение за процессом достижения качества программ и систем на этапах ЖЦ, квалификационное тестирование, испытание пробной версии КП и оценка базовых показателей качества на основе собранных технических данных процесса проектирования КП.

После появления американских стандартов качества ISO/IEC 9000 (1-4) и ISO/IEC 9126 В.В. Липаев создает «Методическое пособие по программной инженерии» (2006) и учебное пособие «Программная инженерия сложных заказных программных продуктов» (2014).

В них описана методология проектирования качественных ПС с учетом стандартов ЖЦ ISO/IEC 12207-2007 и теории оценки качества. Эти пособия могут применяться при обучении курса «Программная инженерия».

2.3. Теория объектно-ориентированного проектирования Г. Буча

Г.Буч ввел новый стиль программирования, названный ООП [11, 13-16]. В нем определены базовые математические понятия - объект, класс, полиморфизм, наследование, изоморфизм и др. Объекты группируются в классы.

Класс - это множество объектов, имеющих общие переменные, структуру и поведение. Объект является экземпляром класса. Поведение экземпляра определяется операциями его создания, уничтожения и сериализации. Совокупность внешних переменных и методов класса определяет интерфейс, с помощью которого экземпляры классов взаимодействуют между собой. Для каждой внешней переменной существуют методы выбора значения (get-метод) и присвоение нового значения (set-метод). С общей точки зрения, интерфейс экземпляра объекта состоит из совокупности методов. Каждый объект может иметь сколько интерфейсов, которые определяют его функциональные свойства. Объект может иметь специальный интерфейс, методы которого работают с экземплярами (Home-интерфейс в модели EJB Java). То есть объект класса имеет: специальный интерфейс или один или несколько интерфейсов, которые реализуются в экземплярах компонентов. На абстрактном уровне интерфейс может рассматриваться как частичный вид класса.

Утверждение: Любой экземпляр определенного класса обладает всеми методами, которые определены в этом классе.

Экземпляр класса может быть приведен в соответствии с одним из суперклассов в соответствии с интерфейсом, который реализуется в этом классе.

Теория Г.Буча позволяет проектировать предметную область, исходя из утверждения, что весь материальный мир состоит из объектов. Любая предметная область – это совокупность объектов, связанных между собой некоторым множеством отношений и поведения в течение некоторого времени:

<объектная ориентация> = <объекты> + <наследование>.

Каждое понятие предметной области, вместе с его свойствами и особенностями поведения является отдельным объектом, а вся область - это совокупность объектов со связями, которые устанавливаются на базе отношений между этими объектами. В качестве объекта выступают как абстрактные образы, так и конкретные физические предметы или группы предметов с указанными общими характеристиками и функциями.

Развитием ООП является UML [15]. В нем процесс построения системы проводится на этапе анализа предметной области и проектирования. В процессе анализа создается концептуальная объектная модель (ОМ) в виде диаграмм прецедентов. Она уточняет внешнее функциональное поведение системы. Создается каркас проектируемой системы. Для определения поведения классов объектов используются диаграммы состояний и деятельности. Размещение объектов в ОМ фиксируется компонентными диаграммами в узлах компьютеров сети, которые развертываются для выполнения.

Таким образом, теория Г. Буча - базис моделирования систем в UML [15], MDA, MDD, SOA и др. Она вошла в ЯП (C++, C, Basic, Java и др.) [21].

2.4 Unified Modelling language

UML является языком проектирования систем с помощью визуальных диаграмм [15]:

- вариантов использования;
- классов;
- поведения, состояний, деятельности, взаимодействия;
- последовательности и кооперации;
- реализации (диаграммы компонентов и развертывания).

Размещение объектов в среде разработки задается компонентными диаграммами, а расположение программных модулей в узлах (компьютерах) сети — диаграммами развертывания. Приведенные прецеденты (use case) или диаграммы применяются для проектирования следующих объектных моделей системы:

- 1) *структурная* (статическая) модель, которая задает структуру понятий системы, включая классы, интерфейсы, отношения, атрибуты;
- 2) *модель поведения* (динамическая), которая задает поведение объектов системы с помощью диаграмм взаимодействия и изменения состояний компонентов и системы;
- 3) *модель функционирования* задает операции управления вычислением ПС.

Данные модели задаются в UML и реализуются. Этот язык используется при создании современных систем и сайтов.

2.5. Теория моделирования систем из готовых ресурсов

Моделирование основывается на математических операциях построения моделей систем и модели MF, отображающих функциональные свойства элементов системы и возможность их изменять, удалять и заменять новыми. Элементы модели MF могут отмечаться точками вариантности для формирования версий систем в семействе систем и доказательства архитектуры системы средствами математического аппарата матриц смежности и достижимости [10, 14-19].

Теория моделирования изменяемых систем и их семейств основывается на конфигурационной сборке готовых ПП фирмы SEI (Product Lines/Product Families) и теории управления вариантами систем с учетом требований заказчика. На основе этой теории проводится анализ моделей действующих операционных систем (Linux, Intel и др.), систем реального времени и моделей Веб-систем (SOA, SCA) путем извлечения базовых элементов и генерации вариантов ОС и Веб-систем. Разработаны методы верификации, трансформации и Variability Mining готовых Legacy Systems. Для описания интерфейсов отдельных элементов системы предложены языки IDL, SDL и др., позволяющие производить отображение неэквивалентных сложных данных к более простым данным. Эти механизмы составляют фундамент трансформации неструктурированных видов данных в современных Больших хранилищах (Big Data) и решения задач в Cloud Computing [21].

При создании ИС и ПС используются методы генерации готовых ресурсов (reuses, services, assets, artifacts, objects, components и др.), накопленных во многих библиотеках реализаций и интерфейсов серверов Интернет в языках IDL и WSDL стандарта WWW3C. Разнородные готовые ресурсы методом конфигурационной сборки объединяются в требуемые варианты систем и семейств систем для решения конкретных задач предметной области.

2.6. Базовые основы программной инженерии

Программная инженерия (Software Engineering – SE, 1968) – это систематический подход к разработке, эксплуатации, сопровождению и прекращению использования программных средств (www.swebok.com). Ядро SWEBOOK (Software Engineering Body of Knowledge) разработан международными комитетами ASM и IEEE и предназначен для обучения программной инженерии – Curricula 2001 (2004, 2007, 20014). В состав SE входят методы, средства и инструменты, которые обеспечивают качественный и производительный труд программистов при создании ПО и ПС [10, 13-19, 44].

Появлению термина ПИ в СССР предшествовал термин *технология программирования*, который обозначал методы, средства и инструменты, обеспечивающие процесс создания ПС. Эти определения настолько близки, что фактически ПИ можно трактовать как дальнейшее развитие ТП в плане обеспечения программистского труда инженерными методами (планирование, учёт, контроль). Такое развитие, по существу, означает переход от одиночного создания программ отдельными лицами к промышленному их производству.

В SE разработан стандарт ЖЦ ISO/IEC 12207-1996, 2007 для регламентации процессов разработки ПП с заданными свойствами (функциями и качеством). В сфере SE существуют другие виды работ: копирование программ и документации; настройка и генерация программ; ввод и контроль данных и др. Эти виды работ наиболее близки к производству. Многие из них стандартизированы. Применяются также специализированные операции (отладка, верификация, тестирование и др.) в рамках стандарта ISO/IEC 12207. Они могут выполняться в соответствии с технологией создания ПО, основу которой составляет ядро SWEBOOK с 10 областями знаний, которые задают накопленные знания в области реализации ПО различного назначения.

Для управления качеством ПП создан стандарт ISO/IEC 2844-89 «Оценка качества программных средств» (1987). Он предусматривает большой объем рутинных работ по оценке отдельных свойств и характеристик ПС с учетом 50 критериев и 6 факторов стандарта измерения качественных и количественных показателей ПО систем.

Новые дисциплины программной инженерии

Сформулированы (2008) новые дисциплины Software Engineering (рис.1) [16, 20, 41]:

- *научное программирование* – совокупность теоретических и формальных основ программирования и автоматизации проектирования разных программных и прикладных систем;
- *инженерная дисциплина* – совокупность средств и методов проектирования на основе ЖЦ стандарта отдельных приложений систем, их тестирования и оценки качества выходного кода, интероперабельного до платформ и сред;
- *дисциплина управления* – методы управления и организации планирования работ по изготовлению коллективом отдельных элементов систем, анализа рисков срыва планов, верификации и генерации варианта продукта;
- *экономическая дисциплина* – совокупность методов экспертного, качественного и количественного оценивания результатов создания с необходимыми расчетами общего времени, объема, трудоемкости и стоимости изготовления готового продукта;
- *индустриальная дисциплина* – это промышленная технология конвейерного сборочного производства систем из готовых программных ресурсов (КПИ, ГОР) из библиотек и репозиториях по заказу продукта пользователем;
- *дисциплина обучения SE* по международным программам Education -2000, 2010, 2025 (<http://www.teachingbox>, <http://www.microsoft.com> и др.), а также обучения SE на отечественном сайте <http://7dragons.ru/ru>.

Данные дисциплины вошли в Международные программы обучения - Curricula SE and Computer Science (2007, 2013).

SEMAT – Software Engineering Methods and Theory (2009)

В SEMAT (I. Jacobson, B. Meyer и P. Soley) поставлена цель – развивать SE так, чтобы разработка ПО квалифицировалась как строгая математическая дисциплина (идея, близкая идеи А.П.Ершова 1986 [22, 23]). Цель состоит в том, чтобы продолжить многолетнюю работу по созданию теории и методов SE и преодолеть разрыв между теорией академических специалистов и сообществом разработчиков конкретных видов ПО. Работы в SEMAT структурированы по четырем областям: Практика, Образование, Теория и Сообщество.

Практика развивает прикладные и практические работы. *Образование* затрагивает вопросы, связанные с обучением разработчиков, студентов и специалистов ПО. *Теория* занимается созданием общей теории для разработки ПО и систем. *Сообщество* - это специалисты, которые создают веб-сайты и развивают их для потребностей пользователей. Со временем Практика, Образование и Теория будут интегрироваться. Теория должна будет направлять исследования и создавать научные теории в SE для разработчиков ПО. Образование должно внедрять новые теории при преподавании в ВУЗах. В SEMAT будут разработаны новые теории применительно к системам на кластерах и суперкомпьютерах.

2.7. Новый объектно-компонентный метод (ОКМ)

ОКМ создан для логико-математического моделирования систем на четырех уровнях (обобщенном, структурном, характеристическом и поведенческом) [26, 27, 41-45]. Каждый уровень позволяет детализировать и уточнять объекты системы в виде графа и их отношений на множестве объектов предметной области с постепенным уточнением их денотатов и концептов по теории Фреге и их отображением в модели MF. Задание структуры системы и действий над объектами (объединение, удаление, замена и др.) осуществляется с помощью математических и логических операций (\cup , \cap , $/$, \diamond , \oplus , $-$, $\&$, $V \dots$). На первом уровне проводится декомпозиция предметной области системы с помощью объектов. На следующих уровнях определяются их внешние характеристики MF и создается графовая ОМ G (рис.1), в вершинах которой находятся объекты, а дуги задают их интерфейс для передачи данных между ними. На последнем уровне проектирования для объектов определяется поведение их функций в определенной среде.

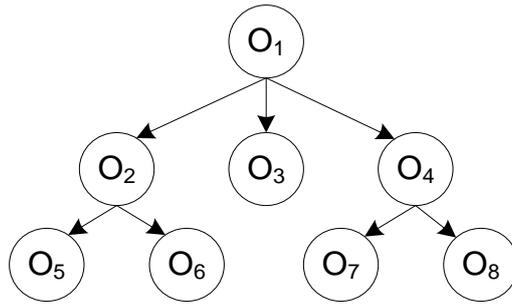


Рис.1. Структурный граф G

Граф OM обладает свойствами:

- вершины графа задают взаимно однозначное отображение на множества объектов;
- каждая вершина имеет хотя бы одну связь с другими вершинами графа;
- существует одна вершина O_1 графа G , которая отображает предметную область в целом.

Построенный граф G корректируется, реструктурируется с помощью новых объектов и интерфейсов и получается расширенный граф.

Таким образом, формируется граф $G = \{O, I, R\}$, в котором O — множество объектов (функций); I — множество интерфейсов и отношений R (relations, заданных стрелками на графе) между объектами (рис.2).

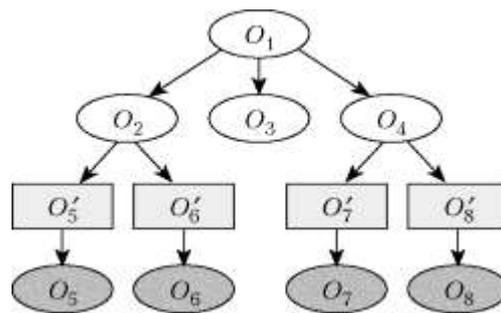


Рис.2. Граф G на множестве объектов и интерфейсов:

Объекты расширенного графа G переводятся к программным компонентам, которые погружаются в компонентную среду. Объекты и компоненты этих моделей собираются в репозитории компонентной среды и могут конфигурироваться в разные варианты ПП ПС.

В вершинах графа G находятся функциональные объекты — $O_1, O_2, O_3, O_4, O_5, O_6, O_7, O_8$ и интерфейсные объекты — O'_5, O'_6, O'_7, O'_8 . Все объекты размещаются в репозитории, а дуги соответствуют отношениям между всеми видами объектов. Элементы графа $O_1—O_8$ описываются в ЯП, а интерфейсные объекты $O'_5—O'_8$ в языке IDL (Interface Definition Language). Параметры внешних характеристик интерфейсных объектов передаются между объектами через интерфейсы и помечаются в них *in* (входной), *out* (выходной), *inout* (входной и выходной) в языке IDL.

Для графа G на рис. 2 сформирован набор программ $P_0 — P_5$, заданных с помощью математической операции объединения (сборки) *link*:

- 1) $P_1 = O_2 \cup O_5$, $link P_1 = In O'_5(O_2 \cup O_5)$;
- 2) $P_2 = O_2 \cup O_6$, $link P_2 = In O'_6(O_2 \cup O_6)$;
- 3) P_3 ;
- 4) $P_4 = O_4 \cup O_7$, $link P_4 = In O'_7(O_4 \cup O_7)$;
- 5) $P_5 = O_4 \cup O_8$, $link P_5 = In O'_8(O_4 \cup O_8)$;
- 6) $P_0 = (P_1 \cup P_2 \cup P_3 \cup P_4 \cup P_5)$.

Результатом связи двух объектов графа (например, O_{25} и O_{47}) является интерфейсный объект O'_5, O'_7 в котором множество входных интерфейсов совпадает с множеством интерфейсов объекта-приемника, а

множество исходных интерфейсов — с множеством исходных интерфейсов объекта-передатчика.

Аксиома. Расширенный граф G с интерфейсными объектами структурно упорядочен (наверх), проконтролирован на полноту, избыточность и отсутствие дублирующих элементов.

Модель варибельности и конфигурации

Объекты графа G образуют модель системы, по которой проводится конфигурация системы.

Изменяемые элементы графа помечаются точками вариантности (или варибельности) [26, 27].

Точка вариантности – место в модели системы ПС, с помощью которой осуществляется выбор варианта системы. По этим точкам задаются варианты системы. Точки вариантности обрабатываются конфигуратором и позволяет трансформировать готовую систему путем замены одних используемых компонентов повторного использования (КПИ) другими, более функциональными или корректными.

Варибельность – свойство продукта (системы) к расширению, изменению, приспособлению или конфигурированию с целью использования в определенном контексте и обеспечения последующей его эволюции (ISO/IEC FDIS 24765- 2009 (E).

Модели с варибельными элементами используется при конфигурации продукта (Product Configuration) из готовых КПИ или взятых из библиотек reuses.

Модель варибельности ПС:

$MF_{var} = (SV, AV)$, где

SV – подмодель варибельности артефактов структуры ПС;

AV – подмодель варибельности разработанного продукта ПС.

Модель MF_{var} обеспечивает уровень изменяемости артефактов и продуктов ПС, снижает затраты и уменьшает сроки разработки продукта ПС.

Подмодель $SV = ((G_t, TR_t), Con, Dep)$,

где $G_t = (F_t, LF_t)$ – граф артефактов типа t (требования, компоненты, тесты и др.);

TR_t – двусторонние связи артефактов типа t ;

Con и Dep – предикаты на декартовом произведении множеств артефактов, которые задают ограничения и зависимости между функциями и показателями качества ПС.

Подмодель AV определяет структуру ПС из КПИ, которые имеют паспорта и сохраняются в репозитории. Подмодель SV отображает функциональные и вариантные характеристики КПИ и продукта, а также аспекты отношения между ними.

Модель SV конкретизируется в линию разработки и сборки в ПС.

Приведенные модели используют артефакты (reuses, object, services, components), которые трансформируются к программному виду с помощью модели конфигурации [21] вида:

$$M_{konf} = (OM, M_{про}, M_{пс}, MF_{var}, M_{вз}),$$

где $M_{вз}$ – модель взаимодействия отдельных элементов создаваемой системы.

На основании модели M_{konf} осуществляется:

- подбор артефактов и ресурсов ПС в базе конфигурации заданной системы;
- выделение общих и вариантных характеристик ПС в модели FM и модели ПС;
- планирование многократного использования ресурсов для ПС в точках вариантности и их фиксация для их удаления или замены;
- сборка ресурсов в ПС и их адаптация к новым условиям среды функционирования;
- управление вариантами ПС с заменой отдельных функций в ПС;
- управление взаимодействием артефактов в гетерогенной среде.

Метод ОКМ представлен на сайте <http://7dragons.ru/ru>. Базу данных сайта образует репозиторий готовых ресурсов, модели ПС, варибельности и взаимодействия общесистемных средств - *Visual Studio, Eclipse, CORBA, WSphere* [46, 47]:

1). Visual Studio.Net↔Eclipse определяет среду взаимодействия отдельных элементов в языке C# и интерфейса. Модель устанавливает связь элементов с заданной средой через конфигурационный файл.

2). CORBA↔JAVA↔MS.Net обеспечивает связь между этими средами с помощью заданных в этих языках элементов с целью доступа к ним других разработчиков.

3). IBM WSphere↔Eclipse обеспечивает связь между программами в ЯП этих сред.

Верификация и тестирование варибельных систем

Варибельность модели MF может быть проверена на правильность с помощью решателей и инструментов автоматического доказательства различных видов моделей (SAT, BDD и пр.), описанных в формальных языках Alloy, B или Z [21, 41], а также с помощью Model Checking, применимой к модели MF с конечным числом состояний, описанных с помощью формальных спецификаций. При этом в

методе Крипке модель MF формально задается в виде: $M = (S, S0, R, L)$, где S — множество состояний, $S0$ — множество начальных состояний, R — отношение переходов, $L: S \rightarrow 2^{AP} \times 0$ — функция разметки. Эта модель описывается с помощью языка темпоральной логики с помощью утверждений, истинность которых проверяется верификацией. Подход в ограничениях (Constraint Satisfaction Problem) применяется к модели вариабельности, если в ней заданы условия выполнения в ограничениях. Еще одним способом верификации являются онтология, основанная на трансляции модели вариабельности MF в модель онтологии, описанной в языке OWL DL (Ontology Web Language Description Logic). После трансляции описания в этом языке используется автоматизированный инструмент RACER [45].

Тестирование готового продукта, созданного методом конфигурирования, проводится с помощью набора тестов для отдельных элементов ПП. Метод Дж. МакГрегора (McGregor) [48] «от требований» (requirements-based testing) проводится с помощью тестов, проверяющих функциональные и интерфейсные объекты. В качестве инструмента тестирования используется фреймворк Visual Studio 2010 со средствами проверки правильности тестирования разных видов объектов. В него входит компонент *Test Manager*, который управляет средствами планирования процесса тестирования и выполнения тестовых сценариев. Обращение к фреймворку тестирования производит сайт <http://7dragons.ru>. При обнаружении ошибок в процессе тестирования вносятся исправления в модели MF и ПС. Затем проводится повторное конфигурирование и получение ПП с добавлением новых объектов или удаления старых.

Заключение

Рассмотрены формальные основы теории и технологии программирования в начальный период развития вычислительной техники в СССР и в последующие годы. Дан обзор основ теории программ Ляпунова, Ершова, Глушкова, Дейкстры, Бюрнера, Буча, Лаврищевой и др. Представлена сущность теории программ, методов разработки и доказательства программ, а также технологии программирования модулей в ЯП и инженерных методов создания ПП в Software Engineering и SEMAT. Определено математическое проектирование систем из готовых ресурсов (объектов, компонентов, сервисов и др.) в ОКМ и рассмотрены модели вариабельности, взаимодействия и конфигурирования систем из этих ресурсов. Определен формальный аппарат трансформации элементов ОМ к компонентной модели с учетом модели вариабельности и взаимодействия, а также реализована конфигурационная сборка готовых элементов заданных моделей и приведения их к выходному коду на сайте <http://www.ispras.ru/lavrischeva/7dragons.ru/ru>.

Литература

1. Янов Ю. И., Схематология программ.- "Проблемы кибернетики", 1958, в. 1, с. 75-127;
2. Ляпунов А. А., Схемы программ.- "Проблемы кибернетики", 1958, в. 1, с. 46-74.
3. Глушков В. М., Летичевский А. А., в кн.: Избранные вопросы алгебры и логики, Новое издание, 1973, с. 5-39;
4. Ершов А. П., Введение в теоретическое программирование М., 1977.
5. Котов В. Е., Введение в теорию схем программ, Новосибирск, 1978.
6. Непейвода Н. Н. Логика программ.- Программирование, 1979, М 1, с.15-25;
7. Скотт Д., "Кибернетический сборник", 1977, в. 14, с.107-21;
8. Семантика языков программирования. Сб. статей, пер. с англ., М., 1980;
9. Manna Z., Mathematical theory of computation, N.Y., - [a. <o.], 1974.
10. Лаврищева Е. М. Методы программирования. Теория, Инженерия, Практика. – Наук.Думка. –2006. –451с.
11. Грис Д. Наука программирования. – М.: Мир. –1984.
12. Bioner D., Jones C.B. The Vienna Development Methods (VDM): The Meta- Language.– Vol. 61 of Lecture Notes in Computer Science. – Springer Verlag, Heiderberg, Germany, 1978.–215 p.
13. Буч Г. Объектно-ориентированный анализ.– М.: Бином, 1998. –560 с.
14. Jacobson I. Object-Oriented Software Engineering. A use Case Driven Approach, Revised Printing.– New York: Addison-Wesley Publ.Co, 1994.– 529 p.
15. Рамбо Дж, Джекобсон А., Буч Г. UML: специальный справочник.– СПб.: Питер, 2002.– 656с.
16. Лаврищева Е.М., Грищенко В.Н. Связь разноязыковых модулей в ОС ЕС. – М.: Финансы и статистика.- 1982.- 136с.
17. Clements P., Northrop L. Software Product Lines: Practices and Patterns. SEI Series in Software Engineering, Addison-Wesley, 2001. ISBN-13: 978-0201703320.
18. Pohl K., Böckle G., van der Linden F. J. Software Product Line Engineering: Foundations, Principles and Techniques. Springer-Verlag, 2005. DOI: 10.1007/3-540-28901-1.
19. Bachmann F., Clements P. Variability in software product lines. CMU/SEI Technical Report CMU/SEI-2005-TR-012, 2005.
20. Classification of software engineering disciplines/ E. M. Lavrischeva.- Cybernetics and Systems Analysis, Vol. 44, No. 6, 2008
21. Лаврищева Е.М., Петренко Е.М. Моделирование семейства программных систем.- Труды ИСП РАН ю-Том 28, выпуск 6. – с49-65.
22. Ершов А.П. Научные основы доказательного программирования.– Доклад АН СССР, 1985.–с.1–14.
23. Ершов А.П. Отношение методологии и технологии программирования, Конф. «Технология программирования» и ж. Программирование, 1986, № 3. 1986.–с.12–18.
24. Лаврищева Е.М., Грищенко В.Н. Сборочное программирование, 1991.-Наук.думка.- 213с.
25. Липаев В.В., Позин Б.А., Штрик А.А. Технология сборочного программирования, М., 1992.-324 с.
26. Лаврищева Е.М. Теория объектно-компонентного моделирования изменяемых программных систем.- www.ispras.ru/preprints/docs/prep_29_2015.pdf.
27. Лаврищева Е.М., Слабоспитская О.А. Технология моделирования изменяемых программных продуктов и систем//XII Межд. Научно-практ. конф. «Теоретические и прикладные аспекты построения программных систем».-ТААПСД'2015, 23-26 ноября, 2015.-с.118-128.
28. Глушков В.М. Теория автоматов и формальные преобразования микропрограмм // Кибернетика. – 1965. – № 5.– С. 1–10.
29. Капитонова Ю.В., Летичевский А.А. Методы и средства алгебраического программирования // Кибернетика. – 1993.–№ 3. – С. 7–12.
30. Глушков В.М., Цейтлин Г.Е., Ющенко Е.Л. Алгебра. Языки. Программирование.-Киев, Наук.думка.-1974.- 287с.
31. Глушков В.М., В.Г.Бондарчук, Т.А.Гринченко и др. АНАЛИТИК-74, 79, 89, 93, 2000. – Кибернетика и системный анализ. –1995. –№5. –с.127–157.
32. Ющенко Е.Л. Адресный язык.- К.: Кибернетика на транспорте, 1962.-52с.
33. Коваль В.Н.. Концепторные языки. Доказательное проектирование.- К.: Наук.думка, 2001.-182 с.
34. Коваль В.Н., Рабинович З.Л. Логико-алгебраический подход к верификации дискретных систем.- IV межд. Конференция Технология ПО-1995.
35. Глушков В.М. Основы безбумажной информатики –М.: Наука, 1982,- 281 С.
36. Глушков В.М. Кибернетика, ВТ, информатика (АСУ).–Избран. труды в 3-х томах. – К.: Наук. думка, 1990, 262 С, 267 С., 281 С.
37. Н.М.Задорожной и Е.М.Лаврищевой «Управление документооборотом в ИС образования», Киев.- 2007.- Пед.Думка.-225 с.
38. Burstall R., Goguen I. The semantic of Clear, a specification language//Lect.Notes.Comp.Sci.-1980, v.86.-40p.
39. R. W. Floyd, "Assigning meanings to programs", Proc. Symp. Appl. Math., 19; in: J.T.Schwartz (ed.), Mathematical Aspects of Computer Science, pp. 19-32, American Mathematical Society, Providence, R.I., 1967
40. Ноар К. О Структурной организации данных //Структурное программирование.– М.: Мир, 1975.– с.92 – 197.
41. Лаврищева Е.М. Software Engineering компьютерных систем Парадигмы, технологии, CASE-средства программирования.- Наук.думка.-2014.- 284 с. –Изд. Юрайт, М.: 2015, 280 с.
42. Лаврищева Е.М. Программная инженерия. Теория программирования. –2016.- МФТИ.-51 с.
43. Лаврищева Е.М. Программная инженерия. Технология программирования.-2016 – МФТИ. - 52 с.

44. Лаврищева Е.М. Программная инженерия. Базовые основы ПИ. -2016 – МФТИ. - 52 с.
45. Лаврищева Е.М. Технология и инженерия моделирования изменяемых сложных систем.- 2017, Юрайт.- 432с.
46. Лаврищева Е.М. Карпов Л.Е., Томилин А.Н. Семантические ресурсы для разработки онтологии научной и инженерной предметных областей.- Труды конференции «Научный сервис в сети Интернет - 2016», 19-24 сентября 2016, Сборник трудов.- М.:ИПМ им. Келдыша, ISBN 978-5-98354-027-0. – с.223-239.
47. Островский А.И. Подход к обеспечению взаимодействия программных сред JAVA и MS.Net.- Проблемы программирования,- 2011.-№2.- с37-44.
48. MacGregor S.D., Sykes D.A. Practical Guide to testing Object-oriented Software.-2001, Addison-Wesley Professional.